

Domácí úkol ze cvičení 8– určitý integrál:

Aplikace určitého integrálu:

1. Spočítejte obsah omezené rovinné oblasti ω , je-li ω ohraničená grafy funkcí $y = x^2$ a $y = 2 - x$ a osou x ;
2. Spočítejte objem rotačního tělesa, které vznikne rotací rovinné oblasti ω kolem osy x , kde omezená oblast ω je ohraničená grafy funkcí $y = x e^x$ a $y = x$ a přímkou $x = 1$.
3. Určete délku grafu funkce $y = \ln \cos x$, $0 \leq x \leq \frac{\pi}{6}$.

(„tahák“: $\int \frac{1}{\sqrt{1+x^2}} = \ln(x + \sqrt{1+x^2}) + C, x \in \mathbb{R}$).

A můžete zkusit ještě další

Užití věty o substituci a vlastností R -integrálu:

Ukažte, že platí :

1. Je-li f spojitá a sudá v intervalu $[-a, a]$ ($a > 0$), pak $\int_{-a}^a \frac{f(x)}{e^x + 1} dx = \int_0^a f(x) dx$.
2. Je-li f spojitá a sudá v intervalu $[-a, a]$ ($a > 0$), pak primitivní funkce je v intervalu $(-a, a)$ lichá.
3. Bez výpočtu integrálu ukažte, že

a) $\int_{-1}^2 (e^x - e^{-x}) dx > 0$; b) $\int_{\frac{1}{a}}^a \frac{\ln x}{x} dx = 0$, ($a > 0$).